

Министерство науки и высшего образования РФ Ульяновский государственный университет Ф – Рабочая программа дисциплины	Форма	
--	-------	--

УТВЕРЖДЕНО
решением Ученого совета факультета математики,
информационных и авиационных технологий
от «21» мая 2024 г., протокол №_5/24

Председатель _____ / М.А. Волков
«21» мая 2024 г.



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Дисциплина	Пределные теоремы для семимартингалов
Факультет	Факультет математики, информационных и авиационных технологий
Кафедра	Кафедра прикладной математики
Курс	4 - очная форма обучения

Направление (специальность): 01.03.02 Прикладная математика и информатика

Направленность (профиль/специализация): Имитационное моделирование и анализ данных

Форма обучения: очная

Дата введения в учебный процесс УлГУ: 01.09.2024 г.

Программа актуализирована на заседании кафедры: протокол № _____ от _____ 20__ г.

Программа актуализирована на заседании кафедры: протокол № _____ от _____ 20__ г.

Программа актуализирована на заседании кафедры: протокол № _____ от _____ 20__ г.

Сведения о разработчиках:

ФИО	КАФЕДРА	Должность, ученая степень, звание
Хрусталёв Сергей Александрович	Кафедра прикладной математики	Доцент, Кандидат физико-математических наук

Министерство науки и высшего образования РФ Ульяновский государственный университет Ф – Рабочая программа дисциплины	Форма	
--	-------	--

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Цели освоения дисциплины:

Целью изучения дисциплины «Предельные теоремы для семимартингалов» является

глубокое знакомство студентов с методами теории случайных процессов, связанных с диффузионными процессами, мартингалами, семимартингалами. Достижение этой цели обеспечивает выпускнику получение высшего профессионально профилированного образования и обладание перечисленными ниже общими и предметно-специализированными компетенциями, а также способствуют формированию и развитию уровня мышления, необходимого для решения комплексных задач, возникающих в процессе работы в избранной сфере деятельности.

Задачи освоения дисциплины:

В процессе обучения решаются следующие **Задачи** дисциплины:

- изучить теорию слабой сходимости вероятностных мер на метрических пространствах,
- усвоить методы оценивания и свойства диффузионных процессов, мартингалов, семимартингалов

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП

Дисциплина «Предельные теоремы для семимартингалов» относится к числу дисциплин блока Б1.В.1.ДВ.05, предназначенного для студентов, обучающихся по направлению: 01.03.02 Прикладная математика и информатика.

В процессе изучения дисциплины формируются компетенции: УК-1, ПК-2.

Основные положения дисциплины используются в дальнейшем при изучении таких дисциплин как: Программирование для Интернет, Дифференциальные уравнения, Информатика и программирование, Алгебра и геометрия, Теория вероятностей, Математический анализ, Философия, Теория массового обслуживания, Преддипломная практика, Теория случайных блужданий, Математические основы численного анализа, Управление по неполным данным, Дополнительные главы теории случайных процессов, Выполнение и защита выпускной квалификационной работы, Статистические пакеты обработки данных, Теория игр и исследование операций, Подготовка к сдаче и сдача государственного экзамена, Проектная деятельность, Научно-исследовательская работа, Технологическая (проектно-технологическая) практика.

3. ПЕРЕЧЕНЬ ПЛАНИРУЕМЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ, СООТНЕСЕННЫХ С ПЛАНИРУЕМЫМИ РЕЗУЛЬТАТАМИ ОСВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ ПРОФЕССИОНАЛЬНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Код и наименование реализуемой компетенции	Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с индикаторами достижения компетенций
УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	<p>знать: теорию слабой сходимости вероятностных мер на метрических пространствах</p> <p>уметь: применять методы доказательства сходимости семимартингалов, оценивать их свойства</p> <p>владеть: навыками решения задач оценки сходимости семимартингалов к стохастическим процессам</p>
ПК-2 Способен критически переосмысливать накопленный опыт, изменять при необходимости вид и характер своей профессиональной деятельности	<p>знать: теорию сходимости случайных процессов с независимыми приращениями к семимартингалам</p> <p>уметь: применять методы доказательства сходимости случайных процессов с независимыми приращениями, оценивать их свойства</p> <p>владеть: навыками решения задач оценки сходимости случайных процессов с независимыми приращениями к стохастическим процессам</p>

4. ОБЩАЯ ТРУДОЕМКОСТЬ ДИСЦИПЛИНЫ

4.1. Объем дисциплины в зачетных единицах (всего): 6 ЗЕТ

4.2. Объем дисциплины по видам учебной работы (в часах): 216 часов

Форма обучения: очная

Вид учебной работы	Количество часов (форма обучения <u>очная</u>)	
	Всего по плану	В т.ч. по семестрам
		8
1	2	3
Контактная работа обучающихся с преподавателем в соответствии с УП	24	24
Аудиторные занятия:	24	24
Лекции	12	12
Семинары и практические занятия	-	-
Лабораторные работы, практикумы	12	12
Самостоятельная работа	156	156
Форма текущего контроля знаний и контроля самостоятельной работы: тестирование, контр. работа, коллоквиум, реферат и др. (не менее 2 видов)	Тестирование	Тестирование
Курсовая работа	-	-

Вид учебной работы	Количество часов (форма обучения <u>очная</u>)	
	Всего по плану	В т.ч. по семестрам
		8
1	2	3
Виды промежуточной аттестации (экзамен, зачет)	Экзамен (36)	Экзамен
Всего часов по дисциплине	216	216

4.3. Содержание дисциплины. Распределение часов по темам и видам учебной работы

Форма обучения: очная

Название разделов и тем	Всего	Виды учебных занятий					Форма текущего контроля знаний
		Аудиторные занятия			Занятия в интерактивной форме	Самостоятельная работа	
		Лекции	Практические занятия, семинары	Лабораторные работы, практикумы			
1	2	3	4	5	6	7	8
Раздел 1. Слабая сходимость в метрических пространствах							
Тема 1.1. Введение.	14	1	0	0	0	13	Тестирование
Тема 1.2. Различные виды сходимостей, их соотношение.	15	1	0	1	1	13	Тестирование
Тема 1.3. Свойства слабой сходимости мер, сходимость по распределению.	16	1	0	2	1	13	Тестирование
Тема 1.4. Слабая сходимость и отображения.	15	1	0	1	0	13	Тестирование

Название разделов и тем	Всего	Виды учебных занятий					Форма текущего контроля знаний
		Аудиторные занятия			Занятия в интерактивной форме	Самостоятельная работа	
		Лекции	Практические занятия, семинары	Лабораторные работы, практикумы			
1	2	3	4	5	6	7	8
Тема 1.5. Относительная компактность и плотность семейства вероятностных мер	15	1	0	1	0	13	Тестирование
Тема 1.6. Метод характеристических функций	15	1	0	1	1	13	Тестирование
Тема 1.7. Семимартингалы с независимыми приращениями	15	1	0	1	1	13	Тестирование
Тема 1.8. Триплет характеристик к семимартингала	15	1	0	1	1	13	Тестирование
Тема 1.9. Интегрируемость характеристик семимартингала	15	1	0	1	0	13	Тестирование
Тема 1.10. Процессы с условно независимыми приращениями	15	1	0	1	0	13	Тестирование
Тема 1.11. Каноническое представление многомерн	15	1	0	1	0	13	Тестирование

Название разделов и тем	Всего	Виды учебных занятий					Форма текущего контроля знаний	
		Аудиторные занятия			Занятия в интерактивной форме	Самостоятельная работа		
		Лекции	Практические занятия, семинары	Лабораторные работы, практикумы				
1	2	3	4	5	6	7	8	
ых семинар тингалов								
Тема 1.12. Диффузионная аппроксимация	15	1	0	1	1	13	Тестирование	
Итого подлежит изучению	180	12	0	12	6	156		

5. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Раздел 1. Слабая сходимость в метрических пространствах

Тема 1.1. Введение.

Предмет изучения дисциплины. Исторические сведения о развитии этого раздела математики. Роль и место дисциплины «предельные теоремы для семимартингалов» в системе математического образования

Тема 1.2. Различные виды сходимостей, их соотношение.

Слабая сходимость. Сходимость по вероятности. Сходимость с вероятностью 1. Соотношения между сходимостями.

Тема 1.3. Свойства слабой сходимости мер, сходимость по распределению.

Свойства слабой сходимости мер. Сходимость по распределению.

Тема 1.4. Слабая сходимость и отображения.

Слабая сходимость и отображения.

Тема 1.5. Относительная компактность и плотность семейства вероятностных мер

Относительная компактность семейства вероятностных мер Плотность семейства вероятностных мер Теорема Прохорова

Тема 1.6. Метод характеристических функций

Министерство науки и высшего образования РФ Ульяновский государственный университет Ф – Рабочая программа дисциплины	Форма	
--	-------	--

Метод характеристических функций

Тема 1.7. Семимартингалы с независимыми приращениями

Семимартингалы с независимыми приращениями

Тема 1.8. Триплет характеристик семимартингала

Триплет характеристик семимартингала

Тема 1.9. Интегрируемость характеристик семимартингала

Интегрируемость характеристик семимартингала

Тема 1.10. Процессы с условно независимыми приращениями

Процессы с условно независимыми приращениями

Тема 1.11. Каноническое представление многомерных семимартингалов

Каноническое представление многомерных семимартингалов

Тема 1.12. Диффузионная аппроксимация

Диффузионная аппроксимация

6. ТЕМЫ ПРАКТИЧЕСКИХ И СЕМИНАРСКИХ ЗАНЯТИЙ

7. ЛАБОРАТОРНЫЕ РАБОТЫ, ПРАКТИКУМЫ

Аппроксимирование винеровского процесса

Цели: изучение методов аппроксимирования дискретной модели винеровского процесса

Содержание: Модель винеровского процесса (со стандартными параметрами $EW_t=0$, $DW_t=t$) строится по независимым случайным величинам имеющим стандартное нормальное распределение. Результаты: Компьютерная программа, написанная на языке программирования высокого уровня, которая выводит в графическом режиме произвольное количество траекторий винеровского процесса на заданном отрезке времени

Ссылка: <http://lib.ulsu.ru/MegaPro/Download/MObject/5547>

Аппроксимирование точечного процесса

Цели: изучение методов аппроксимирования дискретных моделей точечных процессов с интегрированными компенсаторами

Содержание: Для произвольного точечного процесса (любой точечный процесс является субмартингалом и допускает разложение Дуба-Мейера на мартингал и компенсатор) справедливо

Министерство науки и высшего образования РФ Ульяновский государственный университет Ф – Рабочая программа дисциплины	Форма	
--	-------	--

инфинитезимальное соотношение, определяющее вероятность его скачка, на основе которого строятся траектории.

Результаты: Компьютерная программа, написанная на языке программирования высокого уровня, которая выводит в графическом режиме произвольное количество траекторий точечного процесса с интегрируемым компенсатором

Ссылка: <http://lib.ulsu.ru/MegaPro/Download/MObject/5547>

Диффузионная аппроксимация

Цели: диффузионная аппроксимация дискретных моделей классического процесса риска со случайными премиями, представляющего значение капитала некоторой страховой компании

Содержание: Целью работы является диффузионная аппроксимация моделей классического процесса риска со случайными премиями, представляющего значение капитала некоторой страховой компании. Значение процесса описывается уравнением риска.

Результаты: компьютерная программа, написанная на языке программирования высокого уровня, которая выводит графики траекторий процесса риска в зависимости от параметров модели

Ссылка: <http://lib.ulsu.ru/MegaPro/Download/MObject/5547>

8. ТЕМАТИКА КУРСОВЫХ, КОНТРОЛЬНЫХ РАБОТ, РЕФЕРАТОВ

Данный вид работы не предусмотрен УП.

9. ПЕРЕЧЕНЬ ВОПРОСОВ К ЭКЗАМЕНУ

1. Роль и место дисциплины «предельные теоремы для семимартингалов» в системе математического образования
2. Опциональная σ -алгебра. Различные виды сходимостей, их соотношение.
3. Стохастический базис. Опциональная и предсказуемая σ -алгебры
4. Слабая сходимость. Соотношения между сходимостями.
5. Сходимость по вероятности. Сходимость с вероятностью 1.
6. Локализация. Различные виды сходимостей, их соотношение.
7. Локализация.
8. Семимартингалы и квазимартингалы.
9. Класс возрастающих процессов. Свойство доминирования Ленгляра.
10. Относительная компактность и плотность семейства вероятностных мер, теорема Прохорова
11. Слабая сходимость и отображения.
12. Контигуальность и полная асимптотическая делимость.
13. Слабая сходимость и отображения.
14. Относительная компактность и плотность семейства вероятностных мер
15. Слабая сходимость инвариантных мер
16. Характеристические функции.
17. Прием Крамера-Уолда.
18. Характеристические функции. Прием Крамера-Уолда.
19. Класс мартингалов M .
20. Класс возрастающих процессов. Свойство доминирования Ленгляра.
21. Класс M_2 .
22. Семимартингалы с независимыми приращениями.

Министерство науки и высшего образования РФ Ульяновский государственный университет Ф – Рабочая программа дисциплины	Форма	
--	-------	--

23. Процессы с условно независимыми приращениями. Семимартингалы и квазимартингалы.
24. Триплет характеристик семимартингала.
25. Гауссовский мартингал.
26. Интегрируемость характеристик семимартингала.
27. Предельный переход под знаком интеграла.
28. Построение стохастического интеграла.
29. Процессы с условно независимыми приращениями.
30. Слабая сходимость к распределению точечного процесса с непрерывным компенсатором.
31. Слабая сходимость инвариантных мер
32. Каноническое представление многомерных семимартингалов.
33. Контигуальность и полная асимптотическая делимость.
34. Интеграл Хелингера.
35. Триплет характеристик семимартингала. Каноническое представление многомерных семимартингалов.
36. Процесс плотности.
37. Стохастический интеграл по локальному мартингалу и семимартингалу.
38. Обобщенный диффузионный процесс.
39. Диффузионная аппроксимация.
40. Применение диффузионной аппроксимации.
41. Диффузионная аппроксимация в векторном случае.
42. Слабая сходимость к распределению точечного процесса с непрерывным компенсатором.
43. Диффузионная аппроксимация в векторном случае.
44. Применение диффузионной аппроксимации.
45. Диффузионная аппроксимация.

10. САМОСТОЯТЕЛЬНАЯ РАБОТА ОБУЧАЮЩИХСЯ

Содержание, требования, условия и порядок организации самостоятельной работы обучающихся с учетом формы обучения определяются в соответствии с «Положением об организации самостоятельной работы обучающихся», утвержденным Ученым советом УлГУ (протокол №8/268 от 26.03.2019г.).

По каждой форме обучения: очная/заочная/очно-заочная заполняется отдельная таблица

Форма обучения: очная

Название разделов и тем	Вид самостоятельной работы (проработка учебного материала, решение задач, реферат, доклад, контрольная работа, подготовка к сдаче зачета, экзамена и др).	Объем в часах	Форма контроля (проверка решения задач, реферата и др.)
Раздел 1. Слабая сходимость в метрических пространствах			
Тема 1.1. Введение.	Проработка учебного материала с использованием ресурсов учебно-методического и информационного обеспечения дисциплины.	13	Вопросы к экзамену, Тестирование
Тема 1.2. Различные виды сходимостей, их соотношение.	Проработка учебного материала с использованием ресурсов учебно-методического и информационного обеспечения дисциплины.	13	Вопросы к экзамену, Тестирование
Тема 1.3. Свойства слабой сходимости мер, сходимость по распределению.	Проработка учебного материала с использованием ресурсов учебно-методического и информационного обеспечения дисциплины.	13	Вопросы к экзамену, Тестирование
Тема 1.4. Слабая сходимость и отображения.	Проработка учебного материала с использованием ресурсов учебно-методического и информационного обеспечения дисциплины.	13	Вопросы к экзамену, Тестирование
Тема 1.5. Относительная компактность и плотность семейства вероятностных мер	Проработка учебного материала с использованием ресурсов учебно-методического и информационного обеспечения дисциплины.	13	Вопросы к экзамену, Тестирование
Тема 1.6. Метод характеристических функций	Проработка учебного материала с использованием ресурсов учебно-методического и информационного обеспечения дисциплины.	13	Вопросы к экзамену, Тестирование
Тема 1.7. Семимартингалы с независимыми приращениями	Проработка учебного материала с использованием ресурсов учебно-методического и информационного обеспечения дисциплины.	13	Вопросы к экзамену, Тестирование
Тема 1.8. Триплет характеристик семимартингала	Проработка учебного материала с использованием ресурсов учебно-методического и информационного обеспечения дисциплины.	13	Вопросы к экзамену, Тестирование

Название разделов и тем	Вид самостоятельной работы (проработка учебного материала, решение задач, реферат, доклад, контрольная работа, подготовка к сдаче зачета, экзамена и др).	Объем в часах	Форма контроля (проверка решения задач, реферата и др.)
Тема 1.9. Интегрируемость характеристик семимартингала	Проработка учебного материала с использованием ресурсов учебно-методического и информационного обеспечения дисциплины.	13	Вопросы к экзамену, Тестирование
Тема 1.10. Процессы с условно независимыми приращениями	Проработка учебного материала с использованием ресурсов учебно-методического и информационного обеспечения дисциплины.	13	Вопросы к экзамену, Тестирование
Тема 1.11. Каноническое представление многомерных семимартингалов	Проработка учебного материала с использованием ресурсов учебно-методического и информационного обеспечения дисциплины.	13	Вопросы к экзамену, Тестирование
Тема 1.12. Диффузионная аппроксимация	Проработка учебного материала с использованием ресурсов учебно-методического и информационного обеспечения дисциплины.	13	Вопросы к экзамену, Тестирование

11. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

а) Список рекомендуемой литературы основная

1. Круглов Виктор Макарович. Случайные процессы в 2 ч. Часть 1. Основы общей теории : Учебник для вузов / В.М. Круглов. - 2-е изд. ; пер. и доп. - Москва : Юрайт, 2021. - 276 с. - (Высшее образование).
- <https://urait.ru/bcode/469743>.
- <https://urait.ru/book/cover/366D4CA0-2EF8-4265-A604-DA95491899F0>. - Режим доступа: Электронно-библиотечная система Юрайт, для авториз. пользователей. - Электрон. дан. - ISBN 978-5-534-01748-9 : 829.00. / .— ISBN 0_277682

2. Круглов Виктор Макарович. Случайные процессы в 2 ч. Часть 2. Основы стохастического анализа : Учебник для вузов / В.М. Круглов. - 2-е изд. ; пер. и доп. - Москва : Юрайт, 2021. - 280 с. - (Высшее образование).
- <https://urait.ru/bcode/470809>.
- <https://urait.ru/book/cover/E5031FB8-244C-4709-B60A-4B3BCDA77529>. - Режим доступа: Электронно-библиотечная система Юрайт, для авториз. пользователей. - Электрон. дан. - ISBN 978-5-534-02086-1 : 839.00. / .— ISBN 0_300259

3. Каштанов Виктор Алексеевич. Случайные процессы : Учебник и практикум Для прикладного

Министерство науки и высшего образования РФ Ульяновский государственный университет Ф – Рабочая программа дисциплины	Форма	
--	-------	--

бакалавриата / В.А. Каштанов, Н.Ю. Энатская ; Каштанов В. А., Энатская Н. Ю. - Москва : Юрайт, 2019. - 156 с. - (Высшее образование). - URL: <https://urait.ru/bcode/437567> . - Режим доступа: Электронно-библиотечная система Юрайт, для авториз. пользователей. - Электрон. дан. - ISBN 978-5-534-04482-9 : 349.00. / .— ISBN 0_272342

дополнительная

1. Пухальский А.А. Большие отклонения стохастических динамических систем : монография / А.А. Пухальский ; Пухальский А.А. - Москва : Физматлит, 2005. - 512 с. - URL: <https://www.studentlibrary.ru/book/ISBN5922106600.html>. - Режим доступа: ЭБС "Консультант студента"; по подписке. - ISBN 5-9221-0660-0. / .— ISBN 0_235774

2. Карлин С. Основы теории случайных процессов / С. Карлин ; пер. с англ. В. В. Калашникова; под ред. И. Н. Коваленко. - Москва : Мир, 1971. - 536 с. - ISBN (в пер.). / .— ISBN 1_158127

учебно-методическая

1. Бутов Александр Александрович. Теория случайных процессов и ее дополнительные главы : учеб. пособие. Ч. 1 : Введение в стохастическое исчисление / А.А. Бутов ; УлГУ, ФМИиАТ. - Ульяновск : УлГУ, 2016. - Загл. с экрана. - Электрон. текстовые дан. (1 файл : 488 КБ). - URL: <http://lib.ulsu.ru/MegaPro/Download/MObject/1043>. - Режим доступа: ЭБС УлГУ. - Текст : электронный. / .— ISBN 0_34466.

2. Бутов А. А. Теория случайных процессов и ее дополнительные главы : учебное пособие. Ч. 2 : Случайное блуждание, винеровский процесс, стохастический интеграл, диффузионные процессы / А. А. Бутов ; Ульян. гос. ун-т, ФМИиАТ. - Ульяновск : УлГУ, 2021. - 39 с. - URL: <http://lib.ulsu.ru/MegaPro/Download/MObject/11213>. - Режим доступа: ЭБС УлГУ. - Текст : электронный. / .— ISBN 0_310414.

3. Хрусталеv С. А. Методические указания для самостоятельной работы студентов по дисциплине «Предельные теоремы для семимартингалов» для студентов бакалавриата по направлению 01.03.02 «Прикладная математика и информатика» / С. А. Хрусталеv ; УлГУ, Фак. математики, информ. и авиац. технологий. - 2019. - Загл. с экрана. - Неопубликованный ресурс. - Электрон. текстовые дан. (1 файл : 286 КБ). - URL: <http://lib.ulsu.ru/MegaPro/Download/MObject/5547>. - Режим доступа: ЭБС УлГУ. - Текст : электронный. / .— ISBN 0_39135.

б) Программное обеспечение

- Операционная система "Альт образование"
- Офисный пакет "Мой офис"

в) Профессиональные базы данных, информационно-справочные системы

1. Электронно-библиотечные системы:

1.1. Цифровой образовательный ресурс IPRsmart : электронно-библиотечная система : сайт / ООО Компания «Ай Пи Ар Медиа». - Саратов, [2024]. – URL: <http://www.iprbookshop.ru>. – Режим

Министерство науки и высшего образования РФ Ульяновский государственный университет Ф – Рабочая программа дисциплины	Форма	
--	-------	--

доступа: для зарегистрир. пользователей. - Текст : электронный.

1.2. Образовательная платформа ЮРАЙТ : образовательный ресурс, электронная библиотека : сайт / ООО Электронное издательство ЮРАЙТ. – Москва, [2024]. - URL: <https://urait.ru>. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. - Текст : электронный.

1.3. База данных «Электронная библиотека технического ВУЗа (ЭБС «Консультант студента») : электронно-библиотечная система : сайт / ООО Политехресурс. – Москва, [2024]. – URL: <https://www.studentlibrary.ru/cgi-bin/mb4x>. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. – Текст : электронный.

1.4. Консультант врача. Электронная медицинская библиотека : база данных : сайт / ООО Высшая школа организации и управления здравоохранением-Комплексный медицинский консалтинг. – Москва, [2024]. – URL: <https://www.rosmedlib.ru>. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. – Текст : электронный.

1.5. Большая медицинская библиотека : электронно-библиотечная система : сайт / ООО Букап. – Томск, [2024]. – URL: <https://www.books-up.ru/ru/library/> . – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. – Текст : электронный.

1.6. ЭБС Лань : электронно-библиотечная система : сайт / ООО ЭБС Лань. – Санкт-Петербург, [2024]. – URL: <https://e.lanbook.com>. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. – Текст : электронный.

1.7. ЭБС **Znanium.com** : электронно-библиотечная система : сайт / ООО Знаниум. - Москва, [2024]. - URL: <http://znanium.com> . – Режим доступа : для зарегистрир. пользователей. - Текст : электронный.

2. КонсультантПлюс [Электронный ресурс]: справочная правовая система. /ООО «Консультант Плюс» - Электрон. дан. - Москва : КонсультантПлюс, [2024].

3. eLIBRARY.RU: научная электронная библиотека : сайт / ООО «Научная Электронная Библиотека». – Москва, [2024]. – URL: <http://elibrary.ru>. – Режим доступа : для авториз. пользователей. – Текст : электронный

4. Федеральная государственная информационная система «Национальная электронная библиотека» : электронная библиотека : сайт / ФГБУ РГБ. – Москва, [2024]. – URL: <https://нэб.рф>. – Режим доступа : для пользователей научной библиотеки. – Текст : электронный.

5. Российское образование : федеральный портал / учредитель ФГАУ «ФИЦТО». – URL: <http://www.edu.ru>. – Текст : электронный.

6. Электронная библиотечная система УлГУ : модуль «Электронная библиотека» АБИС Мега-ПРО / ООО «Дата Экспресс». – URL: <http://lib.ulsu.ru/MegaPro/Web>. – Режим доступа : для пользователей научной библиотеки. – Текст : электронный.

Министерство науки и высшего образования РФ Ульяновский государственный университет Ф – Рабочая программа дисциплины	Форма	
--	-------	--

12. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ:

Аудитории для проведения лекций, семинарских занятий, для выполнения лабораторных работ и практикумов, для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации, курсового проектирования, групповых и индивидуальных консультаций (*выбрать необходимое*)

Аудитории укомплектованы специализированной мебелью, учебной доской. Аудитории для проведения лекций оборудованы мультимедийным оборудованием для представления информации большой аудитории. Помещения для самостоятельной работы оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа к электронной информационно-образовательной среде, электронно-библиотечной системе. Перечень оборудования, используемого в учебном процессе:

- Мультимедийное оборудование: компьютер/ноутбук, экран, проектор/телевизор
- Компьютерная техника

13. СПЕЦИАЛЬНЫЕ УСЛОВИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ С ОГРАНИЧЕННЫМИ ВОЗМОЖНОСТЯМИ ЗДОРОВЬЯ

В случае необходимости, обучающимся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья (по заявлению обучающегося) могут предлагаться одни из следующих вариантов восприятия информации с учетом их индивидуальных психофизических особенностей:

- для лиц с нарушениями зрения: в печатной форме увеличенным шрифтом; в форме электронного документа; в форме аудиофайла (перевод учебных материалов в аудиоформат); в печатной форме на языке Брайля; индивидуальные консультации с привлечением тифлосурдопереводчика; индивидуальные задания и консультации;

- для лиц с нарушениями слуха: в печатной форме; в форме электронного документа; видеоматериалы с субтитрами; индивидуальные консультации с привлечением сурдопереводчика; индивидуальные задания и консультации;

- для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата: в печатной форме; в форме электронного документа; в форме аудиофайла; индивидуальные задания и консультации.

В случае необходимости использования в учебном процессе частично/исключительно дистанционных образовательных технологий, организация работы ППС с обучающимися с ОВЗ и инвалидами предусматривается в электронной информационно-образовательной среде с учетом их индивидуальных психофизических особенностей.

Разработчик	Доцент Кандидат физико-математических наук	Хрусталёв Сергей Александрович
	Должность, ученая степень, звание	ФИО